

FIȘA DISCIPLINEI

1. Date despre program

1.1 Instituția de învățământ superior	Universitatea Tehnică din Cluj-Napoca
1.2 Facultatea	Inginerie Electrică
1.3 Departamentul	Electroenergetică și Management
1.4 Domeniul de studii	Inginerie Energetică
1.5 Ciclul de studii	Licență
1.6 Programul de studii / Calificarea	Electromecanică
1.7 Forma de învățământ	IF – învățământ cu frecvență

2. Date despre disciplină

2.1 Denumirea disciplinei	Metode Numerice	Codul disciplinei	17.00
2.2 Titularul de curs	Conf.dr.ing. Levente CZUMBIL (levente.czumbil@ethm.utcluj.ro)		
2.3 Titularul activităților de seminar / laborator / proiect / practică	Conf.dr.ing. Levente CZUMBIL (levente.czumbil@ethm.utcluj.ro)		
2.4 Anul de studiu	II	2.5 Semestrul	1
		2.6 Tipul de evaluare	Examen
2.7 Regimul disciplinei	Categororia formativă		DF
	Opționalitate		DI

3. Timpul total estimat

3.1 Număr de ore pe săptămână	4	din care:	3.2 Curs	2	3.3 Seminar	0	3.3 Laborator	2	3.3 Proiect	0	3.3 Practică	0
3.4 Număr de ore pe semestru	56	din care:	3.5 Curs	28	3.6 Seminar	0	3.6 Laborator	28	3.6 Proiect	0	3.3 Practică	0
3.7 Distribuția fondului de timp (ore pe semestru) pentru studiu individual și evaluare:												
(a) Evaluare											3	
(b) Studiul după manual, suport de curs, bibliografie și notițe											22	
(c) Documentare suplimentară în bibliotecă, pe platforme electronice de specialitate și pe teren											5	
(d) Pregătire seminarii / laboratoare, teme, referate, portofolii și eseuri											10	
(e) Tutoriat											4	
(f) Alte activități											0	
3.8 Total ore studiu individual și evaluare (suma (3.7(a))...3.7(f))								44				
3.9 Total ore pe semestru (3.4+3.8)								100				
3.10 Numărul de credite								4.0				

4. Precondiții (acolo unde este cazul)

4.1 de curriculum	Algebra Liniară, Analiză Matematică, Matematici Speciale, Fizică, Bazele Electrotehnicii, Teoria Circuitelor Electrice, Programarea Calculatoarelor
4.2 de competențe	<ul style="list-style-type: none"> • Elaborarea și utilizarea pachetelor de programe de simulare și modelare specifice aplicațiilor din domeniul ingineriei electrice, energetice, științelor ingineresti aplicate și ingineriei economice • Evaluarea rezultatelor obținute în urma utilizării metodelor și a mijloacelor CAD în rezolvarea problemelor din domeniul ingineriei electrice. • Capacitatea de a aborda, implementa și utiliza aplicații hardware și software în probleme specifice de inginerie electrică.

	<ul style="list-style-type: none"> • Capacitatea de a identifica, formula, modela și rezolva probleme de inginerie în abordare sistemică
--	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

5. Condiții (acolo unde este cazul)

5.1. de desfășurare a cursului	Video proiector, tablă.
5.2. de desfășurare a seminarului / laboratorului / proiectului	Calculatoare cu Mathcad Prime instalat pe ele.

6. Competențele specifice acumulate

Competențe profesionale	<ul style="list-style-type: none"> • Capacitatea de a identifica, formula și de a rezolva probleme de inginerie în abordare sistemică. • Descrierea conceptelor, teoriilor și metodelor de bază ale matematicii, fizicii și chimiei, adecvate pentru domeniul ingineriei electrice. • Explicarea și interpretarea fenomenelor prezentate la disciplinele din domeniu și de specialitate, utilizând cunoștințele fundamentale de matematica, fizica, chimie. • Aplicarea regulilor și metodelor științifice generate pentru rezolvarea problemelor specifice ingineriei electrice. • Capacitatea de a aborda, implementa și utiliza aplicații hardware și software în probleme specifice de inginerie electrică. • Aprecierea calității, avantajelor și dezavantajelor unor metode și procedee din domeniul ingineriei electrice, precum și a nivelului de documentare științifică a proiectelor și a consistenței programelor folosind metode științifice și tehnici matematice. • Capacitatea de a utiliza instrumente dedicate CAD/CAE/CAM pentru proiectare, modelare numerică, optimizare în aplicații de inginerie electrică. • Transpunerea unor probleme din ingineria electrică în programe de calculator. • Evaluarea rezultatelor obținute în urma utilizării metodelor și a mijloacelor CAD în rezolvarea problemelor din domeniul ingineriei electrice
Competențe transversale	<ul style="list-style-type: none"> • Abilitatea de a lucra în grupuri/echipe, de a comunica eficient și de a înțelege responsabilitățile profesionale. • Flexibilitate în abordarea și utilizarea diferitelor aplicații și tehnologii software în practică, în aria de competență asumată.

7. Rezultatele așteptate ale învățării

Cunoștințe	<ul style="list-style-type: none"> • Studentul/absolventul identifică și descrie concepte, principii și metode de bază din matematică, fizică, informatică și economie. • Studentul/absolventul explică și interpretează rezultate teoretice și experimentale din matematică, fizică, informatică și economie.
Abilități	<ul style="list-style-type: none"> • Studentul/absolventul operează cu concepte, principii și metode de bază din disciplinele fundamentale. • Studentul/absolventul rezolvă probleme de matematică, fizică și chimie cu aplicabilitate în inginerie și validează soluția obținută. • Studentul/absolventul efectuează calcule ingineresti și economice de complexitate medie și le asociază cu reprezentări grafice electrice sau specifice proiectării asistate de calculator. • Studentul/absolventul aplică criterii și metode de evaluare pentru identificarea, modelarea, experimentarea, analiza și aprecierea calitativă și cantitativă a fenomenelor și proceselor specifice domeniului fundamental folosind inclusiv tehnologii digitale. • Studentul/absolventul achiziționează și prelucrează date, interpretează rezultate teoretice și experimentale.

Responsabilitate și autonomie	<ul style="list-style-type: none"> • Studentul/absolventul practică raționamentul logic, evaluarea și autoevaluarea în luarea deciziilor. • Studentul/absolventul este angajat în învățarea pe tot parcursul vieții pentru dobândirea și implementarea cunoștințelor, după cum este necesar, folosind strategii de învățare adecvate. • Studentul/absolventul comunică eficient despre activitățile de inginerie cu o gamă largă de public. • Studentul/absolventul promovează dialogul, cooperarea, respectul față de ceilalți și interculturalitatea. • Studentul/absolventul lucrează eficient ca membru în echipă sau lider al acesteia.
-------------------------------	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

8. Obiectivele disciplinei (reieșind din grila competențelor specifice acumulate)

8.1 Obiectivul general al disciplinei	<ul style="list-style-type: none"> • Dezvoltarea de competențe în domeniul Metodelor Numerice în sprijinul formării profesionale • Disciplina are ca scop familiarizarea studenților cu metodele numerice clasice cât și cele de dată relativ recentă, utilizate la soluționarea aplicațiilor din domeniul ingineriei electrice, ingineriei energetice și respectiv ingineriei medicale, corelată cu folosirea unor tehnici de calcul corespunzătoare
8.2 Obiectivele specifice	<ul style="list-style-type: none"> • Studenții vor cunoaște mecanismele de aplicare a metodelor numerice în rezolvarea problemelor concrete din ingineria electrică / energetică / medicală asigurând formarea unei logici numerice riguroase și a unui mod de gândire algoritmic. • Se vor prezenta mai multe metode numerice pentru fiecare problemă abordată, evidențiindu-se importanța efectuării analizei complexității algoritmilor, a stabilității lor numerice precum și transpunerea lor pe calculator. • Studenții vor ști să utilizeze tehnicile moderne de implementare a algoritmilor în softuri de calcul numeric. • Studenții vor ști să aleagă metoda numerică potrivită fiecărui tip de aplicație.

9. Conținuturi

9.1 Curs		Nr. ore	Metode de predare	Observații
1	Capitolul 1. Utilizarea metodelor numerice în aplicații specifice ingineriei electrice/medicale. Introducere. Obiectul cursului. Evoluția metodelor numerice și a tehnicii de calcul. Erori în rezolvarea problemelor numerice. Exprimarea erorii. Surse și tipuri de erori. Propagarea erorilor. Calculul valorilor funcțiilor utilizate în ingineria electrică. Calculul valorilor funcțiilor polinomiale. Calculul valorilor unor funcții analitice. Calculul valorilor funcțiilor cu metoda aproximațiilor succesive. Dezvoltări în serie. Utilizarea numerelor complexe în aplicații de IE/IM-reguli practice. Bibliografie.	2		
2	Capitolul 2. Metode numerice de rezolvare a ecuațiilor algebrice și transcendente. Metoda biseției. Metoda coardei. Metoda Newton-Raphson. Metoda Halley. Aplicații în IE/IM. Se vor discuta următoarele aplicații: Rezolvarea circuitelor rezistive neliniare de c.c. Stabilirea	2		

	traseului optim al LEA. Rezolvarea ecuației de echilibru forța electrică-forța electrodinamică.			
3	<p>Capitolul 3. Metode numerice de soluționare a sistemelor de ecuații.</p> <p>Elemente de algebră matricială. Inversarea și factorizarea matricelor. Matrice și grafuri de circuit. Norma unui vector. Norme matriciale Metode directe și iterative de calcul al valorilor proprii. Studiul condiționării și rezolvarea sistemelor de ecuații incorect formulate. Numărul de condiționare. Rezolvarea numerică a sistemelor de ecuații liniare. Metode directe (Metoda lui Gauss, factorizare LU). Metode iterative (Metoda aproximațiilor succesive). Rezolvarea sistemelor de ecuații neliniare. Metoda aproximațiilor succesive (Jacobi). Metoda lui Newton. Aplicații în IE/IM. Se vor discuta următoarele aplicații: Analiza circuitelor electrice liniare și neliniare în regim staționar, armonic permanent sau tranzitoriu. Analiza stabilității la mici perturbații a sistemelor electrice. Proceduri de abordare a rezolvării circuitelor electrice în c.c și c.a. utilizând metodele matriciale și numărul de condiționare.</p>	4	<p>Prezentare Power Point</p> <p>Discuții Interactive</p> <p>Demonstrațiile, Explicațiile Algoritmilor – pe tablă</p> <p>Demonstrațiile Convergenței, Stabilității Metodelor – pe tablă</p>	<p>Desfășurare în regim onsite conform orarului IE</p>
4				
5	<p>Capitolul 4. Metode numerice de aproximare și interpolare.</p> <p>Metoda celor mai mici pătrate. Discuție: Seria Taylor; Seria Fourier – analiza armonică. Interpolare polinomială. Interpolare Lagrange. Interpolare Newton cu diferențe divizate. Funcții spline.</p>	4		
6	<p>Aplicații în IE/IM. Se vor discuta următoarele aplicații: Amplasarea tablourilor de distribuție. Prelucrarea curbilor de sarcină prin interpolare. Aproximarea numerică a caracteristicii de mers în gol a unui Generator Sincron.</p>			
7	<p>Capitolul 5. Metode numerice de calcul a integralelor</p> <p>Formule de cuadratură de tip Newton-Cotes. Formula trapezelor. Formula trapezelor generalizată. Formula lui Simpson. Formula lui Simpson generalizată. Formule de cuadratură de tip Gauss.</p>	4		
8	<p>Aplicații în IE/IE_n/IM. Se vor discuta următoarele aplicații: Evaluarea supratensiunilor induse datorită trăsnetelor pe LEA. Prelucrarea curbilor de sarcină prin integrare numerică</p>			
9	<p>Capitolul 6. Metode numerice de calculul al derivatelor.</p> <p>Derivare numerică bazată pe polinoame de interpolare. Interpolare Lagrange. Interpolare Newton. Diferențe divizate - introducerea conceptului MDF. Formule de derivare utilizând dezvoltări în serie Taylor. Aplicații în IE/IM. Se vor discuta următoarele aplicații: Determinarea distribuției de sarcină electrică. Calculul intensității câmpurilor electromagnetice. Determinarea potențialelor curbilor de sarcină.</p>	4		
10				

11	<p>Capitolul 7. Metode numerice de rezolvare a ecuațiilor diferențiale cu condiții inițiale și a sistemelor de ecuații diferențiale.</p> <p>Metoda dezvoltării în serie Taylor. Metoda lui Euler. Metode de tip Runge-Kutta. Metode numerice pentru soluționarea ecuațiilor diferențiale parabolice, hiperbolice și eliptice. Aplicații în IE/IM. Se vor discuta următoarele aplicații: Rezolvarea circuitelor electrice în regim tranzitoriu. Analiza comportării descărcătoarelor de supratensiuni. Analiza stabilității la mari perturbații a unui generator electric racordat la SE. Studiul performanțelor dinamice ale unui motor liniar de inducție.</p>	4		
12	<p>Metoda dezvoltării în serie Taylor. Metoda lui Euler. Metode de tip Runge-Kutta. Metode numerice pentru soluționarea ecuațiilor diferențiale parabolice, hiperbolice și eliptice. Aplicații în IE/IM. Se vor discuta următoarele aplicații: Rezolvarea circuitelor electrice în regim tranzitoriu. Analiza comportării descărcătoarelor de supratensiuni. Analiza stabilității la mari perturbații a unui generator electric racordat la SE. Studiul performanțelor dinamice ale unui motor liniar de inducție.</p>			
13	<p>Capitolul 8. Noțiuni de bază în Metoda Diferențelor Finite și în Metoda Elementului Finit.</p> <p>Metode numerice de rezolvare a modelului matematic diferențial de câmp electromagnetic. Rezolvarea ecuației Laplace cu metoda diferențelor finite și cu metoda elementului finit. Programe de modelare și simulare numerică care utilizează metoda elementului finit și respectiv metoda diferențelor finite. Aplicații IE/IEEn/IM.</p>	2		
14	<p>Capitolul 9. Noțiuni de bază aferente Tehnicilor de Inteligență Artificială</p> <p>Prezentarea noțiunilor introductive privind tehnicile de inteligență artificială (Logică Fuzzy, Rețele Neuronale, Algoritmi Genetici). Aplicații ale tehnicilor de inteligență artificială în IE/IM.</p>	2		

Bibliografie

- [1] D.D. Micu, A. Ceclan, *Metode Numerice. Aplicații în ingineria electrică*, Ed. Mediamira, 2007.
- [2] D. Ioan, ș.a. *Metode numerice în ingineria electrică*. Ed. Matrix Rom București, 2005.
- [3] Ș. Kilyeni, *Metode numerice. Aplicații în energetică*, Ed. Orizonturi Universitare Timișoara, 2006.
- [4] D.D. Micu, *Metode numerice în studiul interferențelor electromagnetice*, Ed. Mediamira, 2004
- [5] S.C. Chapra, R.P. Canale, *Numerical Methods for Engineers*, Ed. McGraw-Hill, New York, USA, 2010.
- [6] E. F. James, *An Introduction to Numerical Methods and Analysis*, John Wiley & Sons, NY, 2001.
- [7] L.R. Chevalier, B.A. DeVantier, *Numerical Methods for Engineers*, Southern Illinois University, 2012.
- [8] J.M. Jin, *Theory and computation of electromagnetic fields*, Ed. Wiley, IEEE Press, 2010.
- [9] G. Lehner, *Electromagnetic Field Theory for Engineers and Physicists*, Ed. Springer, 2009.
- [10] R. Burden, J.D. Faires, *Numerical Analysis*, Ed. Brooks/Cole Publishing Company, 2001.
- [11] Rus, I. Crăciun, *Modelare matematică*, Ed. Transilvania Press, Cluj-Napoca, 2000.
- [12] H. Shang-Xu, *Applied Numerical Computation Methods*, Ed. ZJU, MIT – USA, 2011.

9.2 Laborator		Nr. ore	Metode de predare	Observații
1	<p>Laborator 1. Prezentarea generală a programului Mathcad Prime. Aplicații Introductive de Electrotehnică.</p> <p>Utilizarea tipurilor de date în ingineria electrică. Implementarea unor algoritmi numerici în Mathcad. Paleta de programare și calcul simbolic. Rezolvarea unor aplicații simple de teoria circuitelor electrice.</p>	2		
2	<p>Laborator 2+3. Metode numerice de rezolvare a ecuațiilor algebrice și transcendente.</p> <p>Funcții predefinite utilizate în programul Mathcad pentru rezolvarea numerică a ecuațiilor algebrice și transcendente. Aplicații în IE/IM implementate în</p>	4		

3	MathCad utilizând: metoda biseecției (înjumătățirii intervalului); metoda lui Newton (tangentei); metoda coardei (secantei); metoda lui Halley. (Se vor discuta următoarele aplicații: Efectul pornirii mașinilor electrice. Stabilirea traseului optim al unei linii electrice. Rezolvarea numerică a ecuațiilor algebrice care intervin în analiza defectoscopiei cablurilor. Stabilitatea la perturbații a unui generator legat la sistem de putere infinita prin localizarea rădăcinilor ecuației caracteristice)		Desfășurarea lucrărilor de laborator (Aplicații practice în programul MathCad) au la baza parteneriatul interactiv cadru didactic-student.	Desfășurare în regim onsite conform orarului IE
4	Laborator. 4+5+6. Metode numerice de rezolvare a sistemelor de ecuații Funcții predefinite utilizate în programul Mathcad pentru rezolvarea numerică a sistemelor de ecuații.	6		
5	Operații cu vectori și matrici. Calculul valorilor și vectorilor proprii. Numărul de condiționare. Aplicații în IE/IM implementate în MathCad utilizând: metoda Gauss; metoda Jacobi (Se vor discuta următoarele aplicații: Rezolvarea matricială a circuitelor electrice c.c/c.a. Analiza regimului liber a unui circuit electric liniar. Analiza circuitelor liniare în regim permanent.)			
6				
7	Laborator 7+8+9. Metode numerice de aproximare și interpolare. Funcții predefinite utilizate în programul Mathcad pentru soluționarea aplicațiilor de aproximare /interpolare. Aplicații în IE/IM implementate în Mathcad utilizând: interpolare polinomială pe porțiuni (spline); interpolare de tip Lagrange; interpolare Newton cu diferențe divizate (Se vor discuta următoarele aplicații: Aproximarea analitică a funcțiilor tabelare utilizate în dimensionarea instalațiilor electrice - amplasarea tablourilor de distribuție. Testarea izolatoarelor liniilor electrice aeriene. Interpretarea rezultatelor pneumografiei)	6		
8				
9				
10	Laborator 10. Calculul Numeric al Integralelor Definite. Utilizarea operatorului de integrare din Mathcad în vederea evaluării analitice a integralelor nedefinite. Implementarea unor formule de evaluare numerică a integralelor definite: aproximarea bazată pe formula ariei dreptunghiului; formula generalizată a trapezelor; formula generalizată a lui Simpson. Evaluare numerică a integralelor duble. (Se vor discuta următoarele aplicații: Determinarea consumului energetic pe baza curbei de sarcină zilnică; Determinarea fluxului electric total dat de o sarcină electrică printr-o suprafață Gaussiană).	2		
11	Laborator 11. Evaluarea Aproximativă a Derivatelor Utilizarea operatorului de derivare din Mathcad în vederea evaluării analitice a derivatei unei funcții matematice. Implementarea de formule de calcul pentru evaluarea numerică a valorii derivatelor funcțiilor definite matematic și/sau numeric: formule obținute prin derivarea polinoamelor de interpolare Lagrange. (Se vor studia următoarele aplicații: Determinarea curenților electrici prin condensatoarele trifazate de compensare a factorului	2		

	de putere; Modelare matematică a deplasării unui tren electric de mare viteză).			
12	Laborator 12-13. Rezolvarea numerică a ecuațiilor și sistemelor de ecuații diferențiale. Funcții predefinite utilizate în programul Mathcad pentru rezolvarea numerică a ecuațiilor diferențiale și sistemelor de ecuații diferențiale Aplicații în IE/IM implementate în MathCad utilizând: metoda dezvoltării în serie Taylor; metoda lui Euler; metodele Runge-Kutta; metoda Euler-Fox (Se vor discuta următoarele aplicații: Analiza numerică a circuitelor electrice în regim tranzitoriu. Rezolvarea ecuațiilor diferențiale asociate unui circuit excitat de un impuls. Utilizare modelelor matematice	4		
13				
14	Laborator 14. Exerciții Recapitulative. Recapitularea principalelor metode de rezolvare și instrumente numerice de rezolvare disponibile în utilitarul Mathcad, care au fost studiate pe parcursul semestrului.	2		
Bibliografie [1] D.D. Micu, A. Ceclan, L. Czumbil, D. Csala, <i>Metode Numerice. Lucrări practice</i> , Ed. Mediamira, 2010. [2] B. Maxfield, <i>Essential Mathcad for Engineering</i> , Academic Press, 2014. [3] M. Sadiku, <i>Numerical Techniques in Electromagnetics</i> , CRC Press, 2000. [4] A. Gilat, <i>Outlines, Notes for numerical methods for engineers and scientists</i> , Ed. Springer 2010. [5] T. Senior, <i>Mathematical methods in electrical engineering</i> , Central London Press, 2008. [6] D.D. Micu, A. Czikier, <i>Aplicații ale metodelor numerice în electrotehnică</i> , Ed. Casa Cărții de Știință, 2002. [7] A. Ceclan, D.D. Micu L. Czumbil, H. Andrei, M. Găiceanu, M. Stănculescu, P.C. Andrei: „Ill-Posed Inverse Problems in Electrical Engineering Applications”, <i>Numerical Methods for Energy Applications</i> , Ed. Springer, ISBN: 978-3-030-62190-2, Ch. 9, pp. 235-258 2021.				

10. Coroborarea conținuturilor disciplinei cu așteptările reprezentanților comunității epistemice, asociațiilor profesionale și angajatorilor reprezentativi din domeniul aferent programului

Competențele dobândite vor fi necesare angajaților care își vor desfășura activitatea în domeniul inginerie electrică/energetică/științe inginerești aplicate. Conținutul disciplinei este în concordanță cu ceea ce se predă în cadrul altor facultăți de profiit electric atât din Universitatea Tehnică cât și din alte centre universitare din țară și din străinătate. Pentru o mai bună adaptare la cerințele pieței muncii a conținutului disciplinei au avut loc întâlniri cu reprezentai ai companiilor din domeniu. Compatibilitatea curriculară a conținutului disciplinei cu programe de studii similare din universități tehnice din străinătate: <https://ocw.mit.edu/courses/mathematics/18-330-introduction-to-numerical-analysis-spring-2012/> <http://www.mcgill.ca/study/2014-2015/courses/ecse-443>



11. Evaluare

Tip activitate	11.1 Criterii de evaluare	11.2 Metode de evaluare (și forma evaluare: continuă/sumativă)	11.3 Pondere din nota finală
11.4 Curs	Cunoaștere principii / gândire creativă și critică în aplicarea cunoștințelor. Rezolvarea unui test care acoperă toate tematicile abordate la curs.	Probă scrisă	40%
11.5 Laborator	Pe baza cunoștințelor practice acumulate	Probă practică pe calculator	60%

11.6 Standard minim de performanță

Înțelegerea noțiunilor și a terminologiei de bază; Rezolvări de probleme

Condiții minime de a intra în examen: **Minim 5 Prezențe la Curs**, respectiv **efectuarea tuturor lucrărilor de laborator** conform regulamentul ETCS.

Data completării:	Titulari	grad didactic, titlu Prenume NUME	Semnătura
02.09.2026	Curs	Conf.dr.ing. Levente CZUMBIL	
	Aplicații	Conf.dr.ing. Levente CZUMBIL	

Data avizării în Consiliul Departamentului Electrotehnică și Măsurări	Director Departament Electrotehnică și Măsurări
Septembrie 2025	Prof. Dr. ing. Dan Doru Micu
Data aprobării în Consiliul Facultății de Inginerie Electrică	Decan Facultatea de Inginerie Electrica
Septembrie 2025	Conf. Dr. ing. Andrei Cziker